МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

НИЖЕГОРОДСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ

УНИВЕРСИТЕТ им. Р.Е.АЛЕКСЕЕВА

Институт радиоэлектроники и информационных технологий

Кафедра вычислительные системы и технологии

Лабораторная работа № 4

Численное интегрирование функций

Вариант №15

ОТЧЕТ

по лабораторной работе

по дисциплине

Вычислительная математика

РУКОВОДИТЕЛЬ:

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ Суркова А.С.

СТУДЕНТ:

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ Сапожников В.О.

19-ИВТ-3

Работа защищена «\_\_\_» \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

С оценкой \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

Нижний Новгород 2021

**Содержание**

1. Цель……………………………………………………………………………..3
2. Постановка задачи……………………………………………………………..4
3. Теоретические сведения………………………...…………………………….5
   1. Метод средних (центральных) прямоугольников………...……….….5
   2. Метод трапеций……………………………………...………….………7
   3. Метод Симпсона………………………………….……………….……9
4. Расчётные данные…………………...………………………………………..11
5. Листинг разработанной программы………………………………...………12
6. Результаты работы программы……………………………………...………27
7. Вывод………………………………………………………………………….29
8. **Цель**

Закрепление знаний и умений по численному интегрированию функций.

1. **Постановка задачи**

Вычислить интеграл по формулам центральных (средних) прямоугольников, трапеций и формуле Симпсона, при n=8 и n=20; оценить погрешность результата.

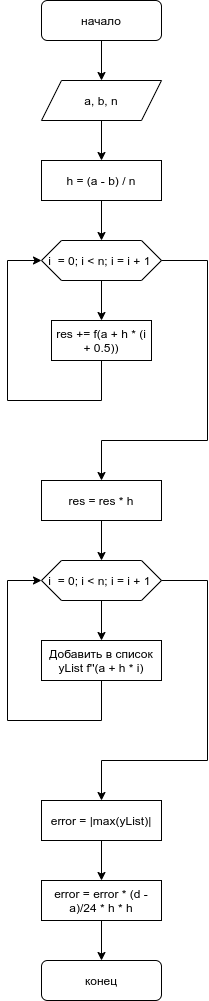
1. **Теоретические сведения**

**3.1. Метод средних (центральных) прямоугольников.**

**Метод прямоугольников** — метод численного интегрирования функции одной переменной, заключающийся в замене подынтегральной функции на многочлен нулевой степени, то есть константу, на каждом элементарном отрезке. Если рассмотреть график подынтегральной функции, то метод будет заключаться в приближённом вычислении площади под графиком суммированием площадей конечного числа прямоугольников, ширина которых будет определяться расстоянием между соответствующими соседними узлами интегрирования, а высота — значением подынтегральной функции в этих узлах.

Составная квадратурная формула для метода средних (центральных) прямоугольников.

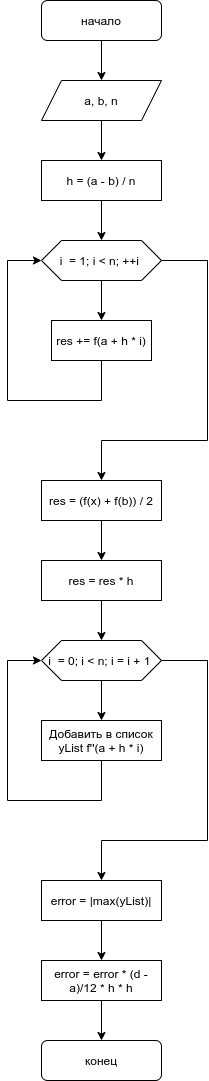
Погрешность формулы интегрирования метода средних (центральных) прямоугольников:



**3.2. Метод трапеций**

**Метод трапеций** — метод численного интегрирования функции одной переменной, заключающийся в замене на каждом элементарном отрезке подынтегральной функции на многочлен первой степени, то есть линейную функцию. Площадь под графиком функции аппроксимируется прямоугольными трапециями.

Погрешность формулы интегрирования метода средних (центральных) прямоугольников:



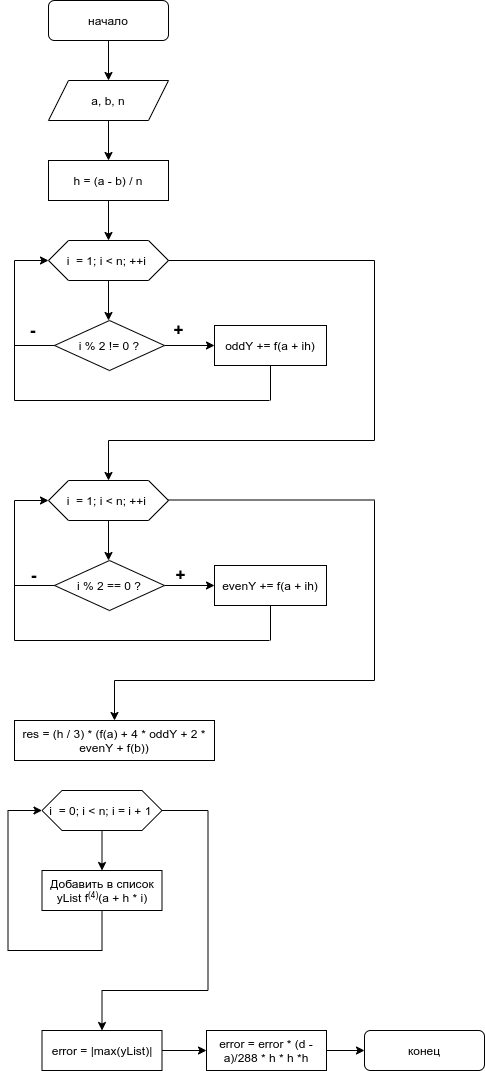
**3.3. Метод Симсона**

**Формула Симпсона** (также **Ньютона-Симпсона**[) относится к приёмам численного интегрирования. Получила название в честь британского математика Томаса Симпсона (1710—1761).](https://ru.wikipedia.org/wiki/Формула_Симпсона" \l "cite_note-1)

Суть метода заключается в приближении подынтегральной функции на отрезке {\displaystyle [a,b]} интерполяционным многочленом второй степени {\displaystyle p\_{2}(x)}, то есть приближение графика функции на отрезке параболой.

Погрешность формулы интегрирования метода Симпсона:

Погрешность формулы интегрирования метода Симпсона при невозможности ввода производной четвертого порядка:



1. **Расчетные данные**

Исходная функция:

Вторая производная:

Третья производная:

**При n = 8:**

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  | Значение интеграла | Значение погрешности |
| Метод средних прямоугольников | 0,33853248 | 0,00005690 |
| Метод трапеций | 0,33788777 | 0,00011381 |
| Метод Симпсона | 0,33832247 | 0,00000286 |

**При n = 20:**

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  | Значение интеграла | Значение погрешности |
| Метод средних прямоугольников | 0,33835153 | 0,00000910 |
| Метод трапеций | 0,33824871 | 0,00001821 |
| Метод Симпсона | 0,33831738 | 0,00000002 |

1. **Листинг разработанной программы**

**Main.java**

|  |
| --- |
| import function.TrigonometricFunction;  import equation\_solution\_strategy.\*; |
|  |
| import java.util.Scanner; |
|  |
| /\*\* |
| \* Класс, содержащий точку входа в программу - метод main. |
| \* Язык: java |
| \* |
| \* Реализация четвертой лабораторной работы по дисциплине: |
| \* Вычислительная математика |
| \* |
| \* Текст задания: |
| \* Вычислить интеграл по формулам центральных (средних) прямоугольников, |
| \* трапеций и формуле Симпсона, при n=8 и n=20; оценить погрешность результата. |
| \* |
| \* @release: 01.04.21 |
| \* @last\_update: 01.04.21 |
| \* |
| \* @author Vladislav Sapozhnikov 19-IVT-3 |
| \*/ |
| public class Main |
| { |
| //Константы для хранения последовательностей для |
| //изменения цвета текста в консоли |
| public static final String RESET = "\u001B[0m"; |
| public static final String RED = "\u001B[31m"; |
| public static final String PURPLE = "\u001B[35m"; |
|  |
| /\*\* |
| \* Точка входа в программу |
| \* \*/ |
| public static void main(String[] args) |
| { |
| System.out.println("\t\t\t\tЛабораторная работа №4 <<" + PURPLE + "Численное +  + интегрирование функций" + RESET + ">>"); |
|  |
|  |
| //Создаем объект функцию |
| TrigonometricFunction function = new TrigonometricFunction(); |
|  |
| //Открываем поток ввода |
| Scanner scanner = new Scanner(System.in); |
|  |
| System.out.println("Программа для вычисления интеграла функций методами средний " + |
| "прямоугольников, трапеций и методом Симпсона."); |
| System.out.println("\tФункция: cos(x^2)/(x+1)"); |
| System.out.println(); |
|  |
| //Ввод нижней и верхней границы интегрирования |
| System.out.print("Введите нижнию границу интегрирования: "); |
| double a = scanner.nextDouble(); |
|  |
| System.out.print("Введите верхнюю границу интегрирования: "); |
| double b = scanner.nextDouble(); |
|  |
| //Ввод кол-во итераций |
| System.out.print("Введите кол-во итервалов разбиения (n): "); |
| double numberOfIterations = scanner.nextDouble(); |
| System.out.println(); |
|  |
| //Создание ссылки на объект, реализующий интерфейс |
| //SolutionStrategy |
| SolutionStrategy strategy = null; |
|  |
| //Переменная для хранения результата ввода |
| String ch; |
|  |
| //Сброс потока ввода |
| ch = scanner.nextLine(); |
|  |
| //Выбор стратегии решения |
| while (!ch.equals("q")) |
| { |
| System.out.println("Выберите метод для решения уранвения:"); |
| System.out.println("\t1. Метод средних прямоугольников"); |
| System.out.println("\t2. Метод трапеций"); |
| System.out.println("\t3. Метод Симпсона"); |
| System.out.println(); |
| System.out.println("\t#. Изменить кол-во итервалов разбиения (n): "); |
| System.out.println(); |
| System.out.println("\tВведите q для выхода"); |
| System.out.print("Ввод: "); |
| ch = scanner.nextLine(); |
| System.out.println(); |
|  |
| switch (ch) |
| { |
| case ("1") -> strategy = new MediumRectangleMethod(); |
| case ("2") -> strategy = new TrapeziumMethod(); |
| case ("3") -> strategy = new SimpsonMethod(); |
| case ("#") -> { |
| System.out.print("Введите кол-во интервалов разбиения  (n): "); |
| numberOfIterations = scanner.nextInt(); |
| scanner.nextLine(); |
| continue; |
| } |
| case ("q") -> { |
| System.out.println(RED + "Завершение работы..." +  RESET); |
| System.exit(0); |
| } |
| default -> System.out.println(RED + "Неверный ввод!" + RESET); |
| } |
|  |
| //Получаем значение интеграла |
| assert strategy != null; |
| double res = strategy.getSolution(function, a, b, numberOfIterations); |
|  |
| //Получаем значение погрешности |
| double error = strategy.getError(function, a, b, numberOfIterations); |
|  |
| System.out.print("Значение интеграла: "); |
| System.out.printf("%.8f" + "\n", res); |
| System.out.print("Значение погрешности: " + RED); |
| System.out.printf("%.8f" + RESET + "\n\n", error); |
| } |
| } |
| } |

**function/Function.java**

|  |
| --- |
| package function; |
| import java.util.List; |
|  |
| /\*\* |
| \* Интерфейс, реализующий основные методы функций любого вида. |
| \* |
| \* Общий вид уравнения: |
| \* a\*x^n + b\*x^(n-1) + c\*x^(n-1) + ... + d\*x^0 = 0 |
| \* |
| \* Содержит 4 метода необходимых для данной лабораторной работы: |
| \* - получение значения функции в точке |
| \* - получение значения второй производной в точке |
| \* - получение значения третьей производной в точке |
| \* |
| \* @author Vladislav Sapozhnikov 19-IVT-3 |
| \* @see TrigonometricFunction |
| \* \*/ |
| public interface Function |
| { |
| /\*\* |
| \* Метод для получения значения функции в заданной точке. |
| \* |
| \* @param x - точка, в которой необходимо получить значение функции. |
| \* @return значение функции в данной точке |
| \* \*/ |
| double getValueAtX(double x); |
|  |
| /\*\* |
| \* Метод для получения значения второй производной в при заданном x. |
| \* |
| \* @param x - точка, в которой необходимо получить значение второй производной. |
| \* @return значение второй производной в данной точке |
| \* \*/ |
| double getSecDerivativeAtX(double x); |
|  |
| /\*\* |
| \* Метод для получения значения третьей производной при заданном x. |
| \* |
| \* @param x - точка, в которой необходимо получить значение третьей производной. |
| \* @return значение третьей производной в данной точке |
| \* \*/ |
| double getThirdDerivativeAtX(double x); |
|  |
|  |
| } |

**function/TrigonometricFunction.java**

|  |  |
| --- | --- |
| package function; |  |
|  | |
| /\*\* | |
| \* Класс, реализующий необходимые методы для функции Варианта №15 | |
| \* cos(x^2)/(x+1) | |
| \* | |
| \* @author Vladislav Sapozhnikov 19-IVT-3 | |
| \* @see Function | |
| \* \*/ | |
| public class TrigonometricFunction implements Function | |
| { | |
| /\*\* | |
| \* Метод для получения значения функции в заданной точке. | |
| \* | |
| \* @param x - значение Х, в котором необходимо получить | |
| \* значение функции. | |
| \* | |
| \* @return - значение функции при заданном Х | |
| \* \*/ | |
| @Override | |
| public double getValueAtX(double x) | |
| { | |
| return Math.cos(x\*x) / (x + 1); | |
| } | |
|  | |
| /\*\* | |
| \* Метод для получения значения второй производной в заданной точке. | |
| \* Функция второй производной в "читаемом" виде представлена в отчете. | |
| \* | |
| \* @param x - значение Х, в котором необходимо получить | |
| \* значение функции. | |
| \* | |
| \* @return - значение второй производной при заданном Х | |
| \* \*/ | |
| @Override | |
| public double getSecDerivativeAtX(double x) | |
| { | |
| return (2.0 / (x + 1)) \* ((-2.0 \* x\*x \* Math.cos(x\*x)) + (2 \* x \* ((Math.sin(x\*x))/(x + 1))) - (Math.sin(x\*x)) + ((Math.cos(x\*x))/((x +1)\*(x + 1)))); | |
| } | |
|  | |
| /\*\* | |
| \* Метод для получения значения третьей производной в заданной точке. | |
| \* Функция третьей производной в "читаемом" виде представлена в отчете. | |
| \* | |
| \* @param x - значение Х, в котором необходимо получить | |
| \* значение функции. | |
| \* | |
| \* @return - значение второй производной при заданном Х | |
| \* \*/ | |
| @Override | |
| public double getThirdDerivativeAtX(double x) | |
| { | |
| return 2.0 \* (-3.0 \* Math.cos(x\*x) / Math.pow((1.0 + x), 3.0) + 2 \* x \*(-3.0 \*  Math.cos(x\*x) + 2 \* x\*x \* Math.sin(x\*x)) + 3.0 \* (2.0 \* x\*x \* Math.cos(x\*x) +  + Math.sin(x\*x)) / (1.0 + x) - 6.0 \* x \* Math.sin(x\*x) / (1.0 + x)\*(1.0 + x)) /  / (1.0 + x); | |
|  | |
|  | |
| } | |
|  | |
| /\*\* | |
| \* Конуструктор без параметров | |
| \* \*/ | |
| public TrigonometricFunction() | |
| { | |
| } | |
| } | |

Начало формы

Конец формы

Начало формы

Конец формы

**solution\_strategy/SolutionStrategy.java**

|  |
| --- |
| package equation\_solution\_strategy; |
|  |
| import function.Function; |
|  |
| /\*\* |
| \* Общий интерфейс всех методов вычисления интеграла. |
| \* |
| \* @author Vladislav Sapozhnikov 19-IVT-3 |
| \* @see MediumRectangleMethod |
| \* @see TrapeziumMethod |
| \* @see SimpsonMethod |
| \* \*/ |
| public interface SolutionStrategy |
| { |
| /\*\* |
| \* Метод для вычисления значения интеграла. |
| \* |
| \* @param function - функция, для которой необходимо вычислить интеграл |
| \* @param a - нижний предел интегрирования |
| \* @param b - верхний предел интегрирования |
| \* @param numberOfIterations - кол-во итераций |
| \* @return значение инетграла для данной функции. |
| \* \*/ |
| double getSolution(Function function, double a, double b, double numberOfIterations); |
|  |
| /\*\* |
| \* Метод для вычисления значения погрешности. |
| \* |
| \* @param function - функция, для которой необходимо вычислить интеграл |
| \* @param a - нижний предел интегрирования |
| \* @param b - верхний предел интегрирования |
| \* @param numberOfIterations - кол-во итераций |
| \* @return значение инетграла для данной функции. |
| \* \*/ |
| double getError(Function function, double a, double b, double numberOfIterations); |
| } |

**solution\_strategy/MediumRectangelMethod.java**

 package equation\_solution\_strategy;

|  |
| --- |
|  |
| import function.Function; |
|  |
| import java.util.Collections; |
| import java.util.LinkedList; |
| import java.util.List; |
|  |
| /\*\* |
| \* Класс, реализующий вычисление интеграла методом |
| \* средних прямоугольников. |
| \* |
| \* @author Vladislav Sapozhnikov 19-IVT-3 |
| \* @see SolutionStrategy |
| \* \*/ |
| public class MediumRectangleMethod implements SolutionStrategy |
| { |
| /\*\* |
| \* Метод для вычисления значения интеграла |
| \* методом средних прямоугольников. |
| \* |
| \* @param function - функция, для которой необходимо вычислить интеграл |
| \* @param a - нижний предел интегрирования |
| \* @param b - верхний предел интегрирования |
| \* @param numberOfIterations - кол-во итераций |
| \* @return значение инетграла для данной функции. |
| \* \*/ |
| @Override |
| public double getSolution(Function function, double a, double b, double numberOfIterations) |
| { |
| //Вычисляем величену шага h |
| double h = (b - a)/numberOfIterations; |
|  |
| //пеменная для хранения значения интеграла |
| double res = 0.0; |
|  |
| //Вычисляем сумму значений функции в промежутках |
| for (int i = 0; i < numberOfIterations; i++) |
| { |
| //К результату прибавляем значение f(Xi-1/2) |
| //Начальная точка a, последующие шаги вычисляются как: h \* (i + 0.5) |
| res += function.getValueAtX(a + h \* (i + 0.5)); |
| } |
|  |
| //Поскольку шаг равномерный, то просто домножаем результат на h |
| res \*= h; |
|  |
| return res; |
| } |
|  |
| /\*\* |
| \* Метод для вычисления значения погрешности при вычислении |
| \* интеграла методом средних прямгоугольников. |
| \* |
| \* @param function - функция, для которой необходимо вычислить интеграл |
| \* @param a - нижний предел интегрирования |
| \* @param b - верхний предел интегрирования |
| \* @param numberOfIterations - кол-во итераций |
| \* @return значение инетграла для данной функции. |
| \* \*/ |
| @Override |
| public double getError(Function function, double a, double b,  double numberOfIterations) |
| { |
| List<Double> yList = new LinkedList<>(); |
|  |
| //Вычисляем величену шага h |
| double h = (b - a)/numberOfIterations; |
|  |
| //Получаем список значений второй производной в промежутках |
| for (int i = 0; i < numberOfIterations; i++) |
| { |
| //Получаем значения второй производной функциий в точках от a до b с шагом h |
| yList.add(function.getSecDerivativeAtX(a + h \* (i))); |
| } |
|  |
| //Находим максимальное значение второй производной на промежутке от a до b |
| double error = Math.abs(Collections.max(yList)); |
|  |
| //Вычисляем погрешность: Rn = (b-a)/24 \* h^2 \* max(f''(x)) |
| error \*= ((b - a) / 24.0) \* h \* h; |
|  |
| return error; |
| } |
|  |
| /\*\* |
| \* Конструктор без параметров. |
| \* \*/ |
| public MediumRectangleMethod() |
| { |
| } |
| } |

Начало формы

Конец формы

Начало формы

Конец формы

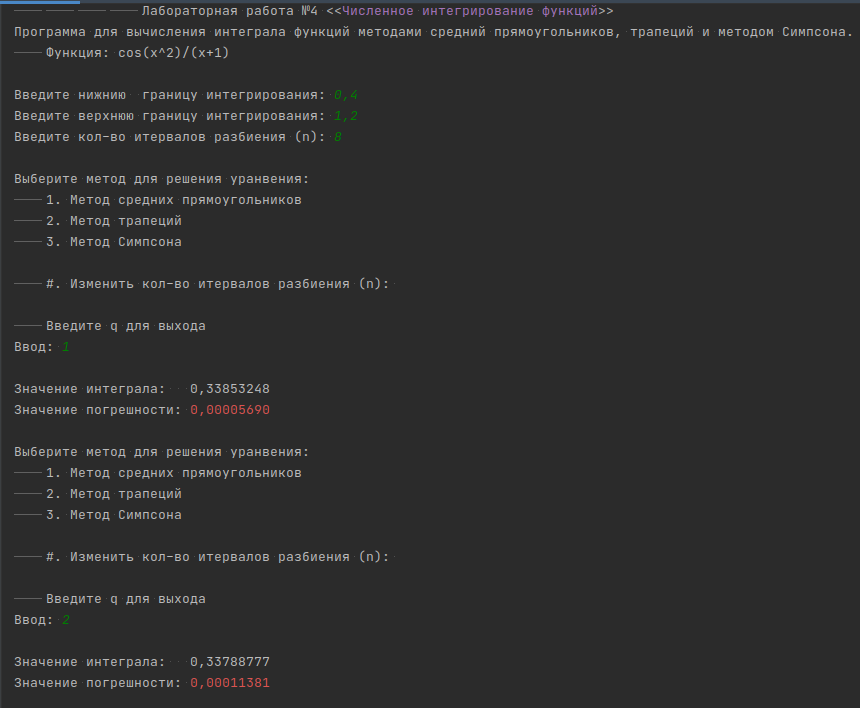
**solution\_strategy/TrapeziumMethod.java**

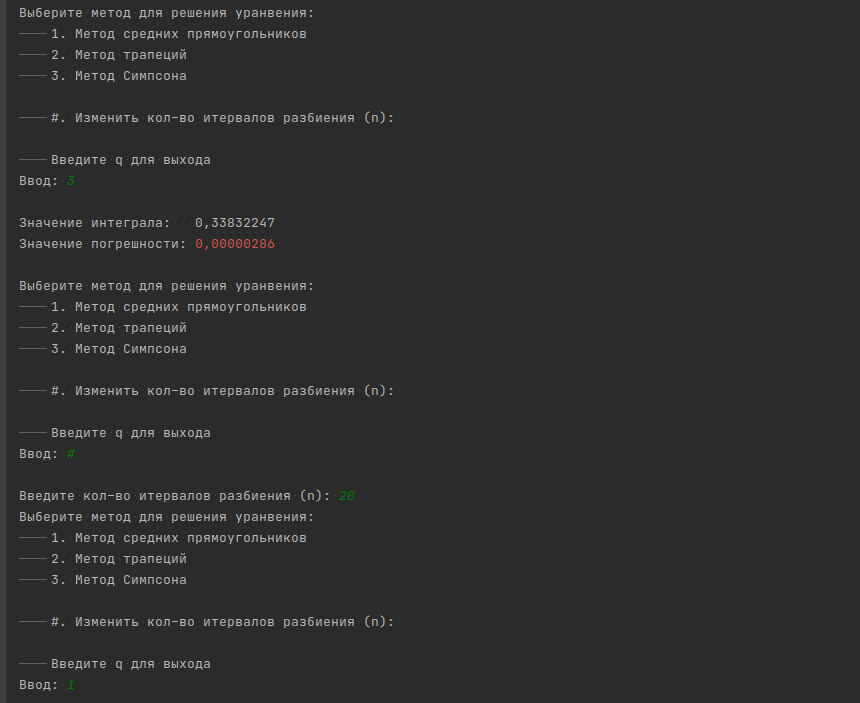
|  |
| --- |
| package equation\_solution\_strategy; |
|  |
| import function.Function; |
|  |
| import java.util.Collections; |
| import java.util.LinkedList; |
| import java.util.List; |
|  |
| /\*\* |
| \* Класс, реализующий вычисление интеграла методом |
| \* трапеций. |
| \* |
| \* @author Vladislav Sapozhnikov 19-IVT-3 |
| \* @see SolutionStrategy |
| \* \*/ |
| public class TrapeziumMethod implements SolutionStrategy |
| { |
| /\*\* |
| \* Метод для вычисления значения интеграла |
| \* методом трапеций. |
| \* |
| \* @param function - функция, для которой необходимо вычислить интеграл |
| \* @param a - нижний предел интегрирования |
| \* @param b - верхний предел интегрирования |
| \* @param numberOfIterations - кол-во итераций |
| \* @return значение инетграла для данной функции. |
| \* \*/ |
| @Override |
| public double getSolution(Function function, double a, double b,  double numberOfIterations) |
| { |
| //Вычисляем величену шага h |
| double h = (b - a)/numberOfIterations; |
|  |
| //пеменная для хранения значения интеграла |
| double res = 0.0; |
|  |
| //Выполняем заданное кол-во итераций |
| for (int i = 1; i < numberOfIterations; ++i) |
| { |
| //К результату прибавляем значение f(Xi) |
| //Начальная точка a, последующие шаги вычисляются как: h \* i |
| res += function.getValueAtX(a + h \* i); |
| } |
|  |
| //Добавляем к результату (y0 + yn) / 2; |
| res += (function.getValueAtX(a) + function.getValueAtX(b)) / 2.0; |
|  |
| //Поскольку шаг равномерный, то домножаем результат на h |
| res \*= h; |
|  |
| return res; |
| } |
|  |
| /\*\* |
| \* Метод для вычисления значения погрешности при вычислении |
| \* интеграла методом трапеций. |
| \* |
| \* @param function - функция, для которой необходимо вычислить интеграл |
| \* @param a - нижний предел интегрирования |
| \* @param b - верхний предел интегрирования |
| \* @param numberOfIterations - кол-во итераций |
| \* @return значение инетграла для данной функции. |
| \* \*/ |
| @Override |
| public double getError(Function function, double a, double b,  double numberOfIterations) |
| { |
| List<Double> yList = new LinkedList<>(); |
|  |
| //Вычисляем величену шага h |
| double h = (b - a)/numberOfIterations; |
|  |
| //Получаем список значений третьей производной в промежутках |
| for (int i = 0; i < numberOfIterations; i++) |
| { |
| //Получаем значения второй производной функциий в точках от a до b с шагом h |
| yList.add(function.getSecDerivativeAtX(a + h \* (i))); |
| } |
|  |
| //Находим максимальное значение второй производной на промежутке от a до b |
| double error = Math.abs(Collections.max(yList)); |
|  |
| //Вычисляем погрешность: Rn = (b-a)/24 \* h^2 \* max(f''(x)) |
| error \*= ((b - a) / 12.0) \* h \* h; |
|  |
| return error; |
| } |
|  |
| /\*\* |
| \* Конструктор без параметров. |
| \* \*/ |
| public TrapeziumMethod() |
| { |
| } |
| } |

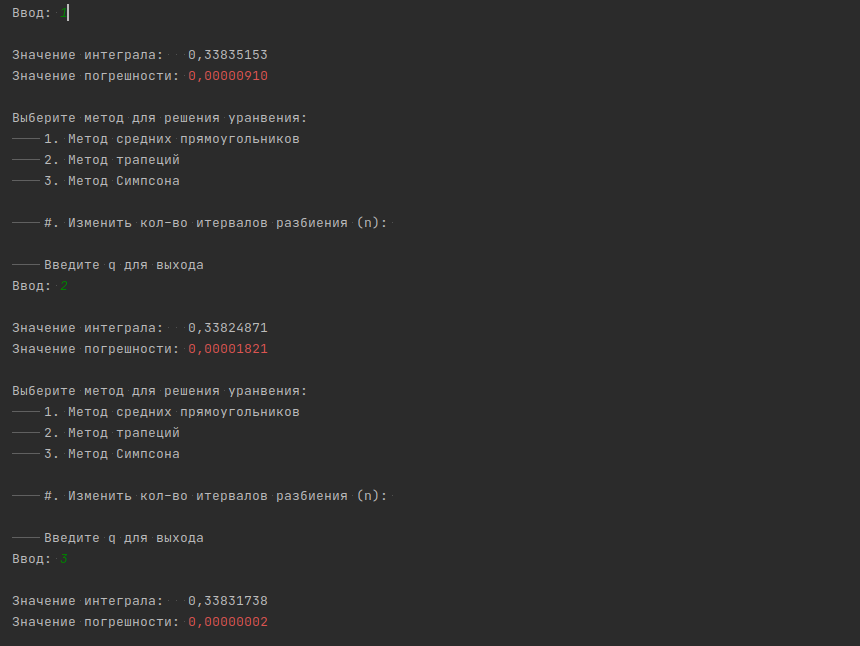
**solution\_strategy/SimpsonMethod.java**

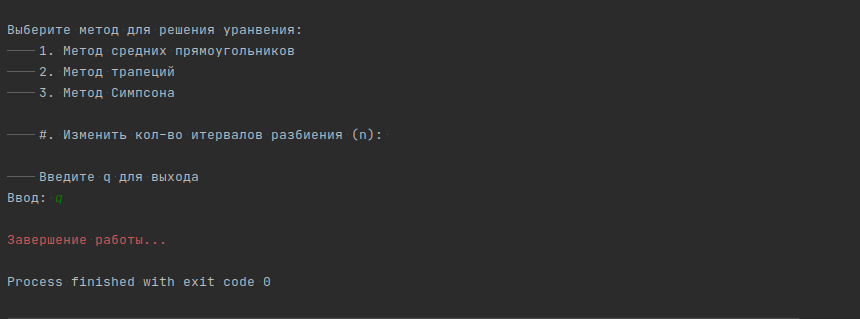
|  |
| --- |
| package equation\_solution\_strategy; |
| import function.Function; |
|  |
| import java.util.Collections; |
| import java.util.LinkedList; |
| import java.util.List; |
|  |
| /\*\* |
| \* Класс реализующий вычисление интеграла методом |
| \* трапеций. |
| \* |
| \* @author Vladislav Sapozhnikov 19-IVT-3 |
| \* @see SolutionStrategy |
| \* \*/ |
| public class SimpsonMethod implements SolutionStrategy |
| { |
| /\*\* |
| \* Метод для вычисления значения интеграла |
| \* методом Симпсона. |
| \* |
| \* @param function - функция, для которой необходимо вычислить интеграл |
| \* @param a - нижний предел интегрирования |
| \* @param b - верхний предел интегрирования |
| \* @param numberOfIterations - кол-во итераций |
| \* @return значение инетграла для данной функции. |
| \* \*/ |
| @Override |
| public double getSolution(Function function, double a, double b,  double numberOfIterations) |
| { |
| //Вычисляем величену шага h |
| double h = (b - a)/numberOfIterations; |
|  |
| //Переменная для хранения суммы нечетных y |
| double evenY = 0.0; |
|  |
| //Переменная для хранения суммы четных y |
| double oddY = 0.0; |
|  |
| //Вычисление суммы y1 + y3 + ... + yn-1 |
| for (int i = 1; i < numberOfIterations; i++) |
| { |
| if (i % 2 != 0) oddY += function.getValueAtX(a + i\*h); |
| } |
|  |
| //Вычисление суммы y2 + y4 + ... + yn-2 |
| for (int i = 2; i < (numberOfIterations - 1); i++) |
| { |
| if (i % 2 == 0) evenY += function.getValueAtX(a + i\*h); |
| } |
|  |
| //Возвращение результата |
| // h/3(y0 + 4\*(y1 + y3 + ... + yn-1) + 2\*(y2 + y4 + ... + yn-2) - yn) |
| return (h / 3.0) \* (function.getValueAtX(a) + 4.0 \* oddY + 2.0 \* evenY + function.getValueAtX(b)); |
| } |
|  |
| /\*\* |
| \* Метод для вычисления значения погрешности при вычислении |
| \* интеграла методом Симсона. |
| \* |
| \* @param function - функция, для которой необходимо вычислить интеграл |
| \* @param a - нижний предел интегрирования |
| \* @param b - верхний предел интегрирования |
| \* @param numberOfIterations - кол-во итераций |
| \* @return значение инетграла для данной функции. |
| \* \*/ |
| @Override |
| public double getError(Function function, double a, double b,  double numberOfIterations) |
| { |
| List<Double> yList = new LinkedList<>(); |
|  |
| //Вычисляем величену шага h |
| double h = (b - a)/numberOfIterations; |
|  |
| //Вычисляем значения второй производной в промежутках |
| for (int i = 0; i < numberOfIterations; i++) |
| { |
| //Получаем значения второй производной функциий в точках от a до b с шагом h |
| yList.add(function.getThirdDerivativeAtX(a + h \* (i))); |
| } |
|  |
| //Находим максимальное значение второй производной на промежутке от a до b |
| double error = Math.abs(Collections.max(yList)); |
|  |
| //Вычисляем погрешность: Rn = (b-a)/24 \* h^2 \* max(f''(x)) |
| error \*= ((b - a) / 288.0) \* h \* h \* h; |
|  |
| return error; |
| } |
|  |
| /\*\* |
| \* Конструктор без параметров. |
| \* \*/ |
| public SimpsonMethod() |
| { |
| } |
| } |

1. **Результаты работы программы**









1. **Вывод**

В ходе данной работы были закреплены знания и умения по вычислению интеграла при помощи методов средних прямоугольников, трапеция и методу Симпсона.

Самым точным является метод Симпсона, а самым не точным метод трапеций. При увеличении кол-во промежутков разбиения n точность результатов возрастает.